

### Вариант 1

1. Найти частные производные функции

$$z = x^3 \sin(2x + 4y).$$

2. Найти интеграл

$$\int \frac{7x^{2/3} + 11x^{3/5}}{\sqrt{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int x \cos(2x + 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{9}{4 + 3\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x - 3}{x^2 + 2x - 8} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 5 \text{ и } y = -2x + 5.$$

---

### Вариант 2

1. Найти  $z''_{xx}$ , если  $z = e^{x^2 y^3}$ .

2. Найти интеграл

$$\int 2^{x+1} (3^{x+2} + 7^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (\sqrt[3]{x^2}) \ln x dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{25}{-3 + 5\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x - 1}{x^2 - 2x - 3} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 1 \text{ и } y = 3x + 2.$$

### Вариант 3

1. Найти частные производные функции

$$z = x^4 \cos(-3x + 5y).$$

2. Найти интеграл

$$\int (10x + \sqrt{x}) (3 - 2\sqrt{x}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (3x + 2) \sin(2x + 3) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 9x\sqrt{3x - 4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x + 4}{x^2 + 3x - 4} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 - 2x \text{ и } y = -x + 6.$$

---

### Вариант 4

1. Найти  $z''_{xy}$ , если  $z = \sin(x^3 y^2)$ .

2. Найти интеграл

$$\int \frac{6^{x+2} + 8^{x+1}}{2^{x-1}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int \frac{\ln x}{x^2} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 6 \frac{x}{\sqrt{2x + 3}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{5x + 1}{x^2 + 3x - 10} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + 2x - 3 \text{ и } y = -x + 7.$$

### Вариант 5

1. Найти частные производные функции  
 $z = x^5 e^{-2x+3y}.$

2. Найти интеграл

$$\int \frac{17x^{3/4} + 19x^{3/5}}{\sqrt[3]{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (4x - 5) \cos(3x - 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{5x + 2}{3x - 4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x - 3}{x^2 - 3x + 2} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 2$  и  $y = 3x + 1$ .

---

### Вариант 6

1. Найти  $z''_{yy}$ , если  $z = e^{x^2 y^3}$ .

2. Найти интеграл

$$\int 3^{x+2} (2^{x+1} + 5^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int x^3 \ln x dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{-x + 3}{\sqrt{2x + 3}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{6x - 4}{x^2 - 3x - 4} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 2$  и  $y = 2x + 4$ .
- 

### Вариант 7

1. Найти частные производные функции  
 $z = x^3 \ln(4x - 2y).$

2. Найти интеграл

$$\int (9x^2 + \sqrt{x}) (3 - 3x^{3/2}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (2x - 1) e^{x-1} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 32x (4x - 5)^{2/3} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{5x - 1}{x^2 + x - 2} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 5$  и  $y = -2x + 5$ .
- 

### Вариант 8

1. Найти  $z''_{xx}$ , если  $z = \cos(x^3 y^4)$ .

2. Найти интеграл

$$\int \frac{7x^{2/3} + 11x^{3/5}}{\sqrt{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int \frac{\ln x}{\sqrt[3]{x^4}} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{9}{4 + 3\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x + 3}{x^2 + x - 6} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 1$  и  $y = 3x + 2$ .
-

### Вариант 9

1. Найти частные производные функции

$$z = x^4 \sin(-5x + 3y).$$

2. Найти интеграл

$$\int 2^{x+1} (3^{x+2} + 7^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int x \cos(2x + 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{25}{-3 + 5\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x - 1}{x^2 + x - 12} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 - 2x$  и  $y = -x + 6$ .

---

### Вариант 10

1. Найти  $z''_{xy}$ , если  $z = e^{x^2 y^3}$ .

2. Найти интеграл

$$\int (10x + \sqrt{x}) (3 - 2\sqrt{x}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (\sqrt[3]{x^2}) \ln x dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 9x \sqrt{3x - 4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x - 3}{x^2 + 2x - 8} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + 2x - 3$  и  $y = -x + 7$ .

### Вариант 11

1. Найти частные производные функции

$$z = x^3 \cos(2x + 4y).$$

2. Найти интеграл

$$\int \frac{6^{x+2} + 8^{x+1}}{2^{x-1}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (3x + 2) \sin(2x + 3) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 6 \frac{x}{\sqrt{2x + 3}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x - 1}{x^2 - 2x - 3} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 2$  и  $y = 3x + 1$ .

---

### Вариант 12

1. Найти  $z''_{yy}$ , если  $z = \cos(x^3 y^4)$ .

2. Найти интеграл

$$\int \frac{17x^{3/4} + 19x^{3/5}}{\sqrt[3]{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int \frac{\ln x}{x^2} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{5x + 2}{3x - 4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x + 4}{x^2 + 3x - 4} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 2$  и  $y = 2x + 4$ .

---

### Вариант 13

1. Найти частные производные функции

$$z = x^4 e^{-3x+5y}.$$

2. Найти интеграл

$$\int 3^{x+2} (2^{x+1} + 5^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (4x - 5) \cos(3x - 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{-x+3}{\sqrt{2x+3}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{5x+1}{x^2+3x-10} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 5 \text{ и } y = -2x + 5.$$

---

### Вариант 14

1. Найти  $z''_{xx}$ , если  $z = \sin(x^3 y^2)$ .

2. Найти интеграл

$$\int \frac{7x^{2/3} + 11x^{3/5}}{\sqrt{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int x^3 \ln x dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 32x (4x-5)^{2/3} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x-3}{x^2-3x+2} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 1 \text{ и } y = 3x + 2.$$

### Вариант 15

1. Найти частные производные функции

$$z = x^5 \ln(-2x+3y).$$

2. Найти интеграл

$$\int 2^{x+1} (3^{x+2} + 7^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (2x-1)e^{x-1} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{9}{4+3\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{6x-4}{x^2-3x-4} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 - 2x \text{ и } y = -x + 6.$$

---

### Вариант 16

1. Найти  $z''_{xy}$ , если  $z = \cos(x^3 y^4)$ .

2. Найти интеграл

$$\int (10x + \sqrt{x}) (3 - 2\sqrt{x}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int \frac{\ln x}{\sqrt[3]{x^4}} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{25}{-3+5\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{5x-1}{x^2+x-2} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + 2x - 3 \text{ и } y = -x + 7.$$

### Вариант 17

1. Найти частные производные функции

$$z = -x^3 \sin(-4x + 2y).$$

2. Найти интеграл

$$\int \frac{6^{x+2} + 8^{x+1}}{2^{x-1}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int x \cos(2x + 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 9x\sqrt{3x-4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x+3}{x^2+x-6} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 2 \text{ и } y = 3x + 1.$$

---

### Вариант 18

1. Найти  $z''_{xx}$ , если  $z = e^{x^2 y^3}$ .

2. Найти интеграл

$$\int \frac{17x^{3/4} + 19x^{3/5}}{\sqrt[3]{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (\sqrt[3]{x^2}) \ln x dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 6 \frac{x}{\sqrt{2x+3}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x-1}{x^2+x-12} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 2 \text{ и } y = 2x + 4.$$

### Вариант 19

1. Найти частные производные функции

$$z = x^4 \cos(-5x + 3y).$$

2. Найти интеграл

$$\int 3^{x+2} (2^{x+1} + 5^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (3x+2) \sin(2x+3) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{5x+2}{3x-4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x-3}{x^2+2x-8} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 5 \text{ и } y = -2x + 5.$$

---

### Вариант 20

1. Найти  $z''_{xy}$ , если  $z = \sin(x^3 y^2)$ .

2. Найти интеграл

$$\int (9x^2 + \sqrt{x}) (3 - 3x^{3/2}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int \frac{\ln x}{x^2} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{-x+3}{\sqrt{2x+3}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x-1}{x^2-2x-3} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями

$$y = x^2 + x - 1 \text{ и } y = 3x + 2.$$

**Вариант 21**

1. Найти частные производные функции  

$$z = x^3 e^{2x+4y}.$$

2. Найти интеграл

$$\int \frac{7x^{2/3} + 11x^{3/5}}{\sqrt{x}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (4x - 5) \cos(3x - 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 32x(4x - 5)^{2/3} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{3x + 4}{x^2 + 3x - 4} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 - 2x$  и  $y = -x + 6$ .

**Вариант 22**

1. Найти  $z''_{yy}$ , если  $z = e^{x^2 y^3}$ .

2. Найти интеграл

$$\int 2^{x+1} (3^{x+2} + 7^{x-1}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int x^3 \ln x dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{9}{4 + 3\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{5x + 1}{x^2 + 3x - 10} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + 2x - 3$  и  $y = -x + 7$ .

**Вариант 23**

1. Найти частные производные функции  

$$z = x^4 \ln(-3x + 5y).$$

2. Найти интеграл

$$\int (10x + \sqrt{x}) (3 - 2\sqrt{x}) dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int (2x - 1)e^{x-1} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int \frac{25}{-3 + 5\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{2x - 3}{x^2 - 3x + 2} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 2$  и  $y = 3x + 1$ .

**Вариант 24**

1. Найти  $z''_{xx}$ , если  $z = \cos(x^3 y^4)$ .

2. Найти интеграл

$$\int \frac{6^{x+2} + 8^{x+1}}{2^{x-1}} dx$$

методом разложения.

3. Найти интеграл

$$\int \frac{\ln x}{\sqrt[3]{x^4}} dx$$

методом интегрирования по частям.

4. Найти интеграл

$$\int 9x\sqrt{3x - 4} dx$$

методом замены переменной.

5. Найти интеграл

$$\int \frac{6x - 4}{x^2 - 3x - 4} dx$$

методом разложения.

6. Найти площадь, ограниченную линиями  
 $y = x^2 + x - 2$  и  $y = 2x + 4$ .